التحليل غير الخطي للصفائح الخرسانية المسلحة السميكة تحت تأثير الأحمال التكرارية والتسخين الدوري أ.د. عبد ألحكيم حامد أحمد قسم الهندسة المدنية / جامعة الموصل

الخلاصة الدور من والأحوال التكر

تشمل هذه الدراسة تأثير التسخين الدوري والأحمال التكرارية في السلوك ألإنشائي للصفائح الخراسانية المسلحة السميكة وذلك بإستعمال نموذج رياضييمثل تأثير التسخين المتناوب فيالخصائص الميكانيكية لكل من الخرسانة وحديد التسليح تحت تأثير الأحمال الدورية. تم تقسيم سمك الصفيحة إلى عدد من الشرائح و تمثيل حديد التسليح بما يكافنشريحة خرسا نية وذلك لتمثيل التغيير في خصائص المواد المستخدمة ضمن سمك الصفيحة بن عدد من الشرائح و تمثيل حديد التسليح بما يكافنشريحة خرسا نية وذلك لتمثيل التغيير في خصائص المواد المستخدمة ضمن سمك الصفيحة إلى عدد من الشرائح و تمثيل حديد التسليح بما يكافنشريحة خرسا نية وذلك لتمثيل التغيير في خصائص المواد المستخدمة ضمن سمك الصفيحة. تم حساب التغيير في خصائص كل شريحة وحسب درجة الحرارة الخاصة بها. وقد إستعملت معادلة الإنتشار الحراري بإتجاه سمك الصفيحة في تحديد درجة الحرارة في كل شريحة. كما تم اعتماد طريقة Reissner معادلة الإنتشار الحراري بإتجاه سمك الصفيحة المعات كل شريحة وحسب درجة الحرارة الخاصة بها. وقد إستعملت معادلة الإنتشار الحراري بإتجاه سمك الصفيحة في تحديد درجة الحرارة في كل شريحة. كما تم اعتماد طريقة Reissner (الصفائح السميكة التي تأخذ بنظر الاعتبار الجهادات قوى القص وانفعالاتها وتفترض ان توزيع الاجهادات يكون على نحو خطي ضمن سمك الصفيحة لحساب التهادات والانفعالات في الصفيحة. كما استخدمت طريقة الفروقات المحدة وتقنية الاسترخاء الحركي والطريقة الاجهادات والانفعالات في الصفيحة الحرية الاجهادات يكون على نحو خطي ضمن سمك الصفيحة المياب التعبار الجهادات والانفعالات في الصفيحة والمريقة الفروقات المحدة وتقنية الاسترخاء الحركي والطريقة المعداني المحدة للزيادات المحدة لتمثيل علاقة (الاجهاد – الانفعال) غير الخطية بمتحليل الصفيحة الخرسانية المسلحة المعدة الميابية المعداني والتبريد والثلاثة مستويات حرارية هي 2000) وعدد دورات المعداني المعين الميالي المربية والتبريد والتلاثة مستويات حرارية هي 20 والحرسانية المسلحة المعدة الخرية الميابية المعدة والم الميحة الخرسانية المعدة معتويا المعدة والمية مستويات حرارية هي 20 والمريم الميات المعد دورات التحميل .

Nonlinear Analysis of Reinforced Concrete Thick Plates Under Effect of RepeatedLoading and Cyclic Heating

Dr. A.H. AHMAD (Professor) H. A. AL – Jarjery

Civil Engineering / University of Mosul

Abstract

This study includes the effect of cyclic heating and repeated loading on the behavior of reinforced concrete thick plates by using mathematical models to represent the effect of cyclic heating on mechanical properties of concrete and steel, and other models to represent the behavior of both concrete and steel under th effect of cyclic loads.

Plate thickness has been divided into several layers; steel was represented as an equivalent concrete layer. The material properties in each layer of the plate thickness are evaluated according to its temperature. One dimensional heat equation has been used to describe heat distribution through the layers

Reissener's theory that account for shear strain and transfer of shear forces and assumes that stress distribution across plate thickness is linear has been used to analyze the plates. The finite difference method and dynamic relaxation technique are used to calculate the stress and strain in the plate; also modified increment method is used to represent stress-strain nonlinear relationship.

Reinforced concrete plates have been analyzed in the ordinary temperature and after heating and cooling for three different temperatures $(200,400,600)^{\circ}$ C with different Cyclic Loading of (1,2,3,4) cycles.

Keywords: Nonlinear analysis, Reinforced concrete, Thick plates, Repeated load, High Temperature.

فالم للاستشارات

أستلم: 14 - 8 - 2011

1- المقدمة

تُعد الصفائح الخرسانية المسلحة من العناصر الإنشائية الهامة وتوجد في المنشآت الهندسية بشكل عام والمباني بشكل خاص.

وقد تتعرض هذه المنشآت لأنواع مختلفة من الأحمال مثل الأحمال الدورية المتكررة و هي الأحمال التي تترواح بين الصغر وأعلى قيمة وتسلط باتجاه واحد

كما تتعرض العديد من المنشآت الهندسية المهمة كمحطات الطاقة وأبراج التبريد والحاويات الخرسانية للمفاعلات النووية إلى درجات الحرارة العالية التي تؤثر سلبا على سلوكية هذه المنشآت من خلال تأثيرها في خصائص المواد المكونة لها، وهذا ما جعل العديد من الباحثين يتجهون إلى دراسة تأثير الحرارة العالية على المواد الإنشائية (الخرسانة وحديد التسليح) وبالتالي على سلوك العنصر الإنشائي.

وقد بينت الدراسات والبحوث أن المنشآت الخرسانية تتصرف على نحو غير خطي حتى تحت تأثير الأحمال الخدمية. وينتج السلوك غير الخطي للمنشأ جراء السلوك غير الخطي المادي (Material Nonlinearly) المتمثل بعلاقة (الإجهاد – الانفعال) غير الخطية لكل من حديد التسليح والخرسانة وهذا ما جعل التحليل غير الخطي أمرا لابد منه لتمثيل سلوك المنشآت الهندسية بشكل دقيق.

في هذه الدراسة تم استخدام طريقة الفرو قات المحددة وطريقة ألاسترخاء ألديناميكي لتحليل الصفائح الخرسانية السميكة تحت تأثير الأحمال الدورية المتكررة وبعد تعرضها لدورات متعددة من ألتسخين والتبريد ولمستويات حرارية مختلفة مع ألأخذ بنظر ألاعتبار ألسلوك غير ألخطى للمواد .

تمتطوير برنامج حاسوبي لتحليل الصفائح الخرسانية بطريقة الفرو قات المحددة للتمكن من تحليل الصفائح الخرسانية المسلحة السميكة تحت تأثير الأحمال الدورية في درجات الحرارة الاعتيادية. وبعد التعرض لدورات من التسخين والتبريد لمستويات حرارية مختلفة. بالإضافة إلى إدخال متغيرات عديدة مثل فترة التعرض للتسخين وسمك الصفيحة الخرسانية وسمك الغطاء الخرساني والنسبة الباعية(Aspect Ratio) ومعرفة تأثير كل من هذه المتغيرات على سلوك الصفيحة عند الدرجات الحرارة العالية والاعتيادية.

في عام (2002) أجرى الباحثون (Tolentino وجماعته [1] دراسة عملية على نماذج خرسانية أسطوانية الشكل بأبعاد (mm) 200 mm) لنوعين من الخرسانة، خرسانة اعتيادية وخرسانة عالية المقاومة. تم تسخين النماذج إلى درجة حرارة (2000) ثم بردت إلى (2° 200) بعدها تركت لتبرد إلى درجة الحرارة الاعتيادية في الهواء. وبينت نتائج الدراسة إن الخرسانة الاعتيادية تحتفظ بخواصها الميكانيكية اكثر من الخرسانة عالية المقاومة. حيث إن مقاومة الانضغاط تصبح نسبة إلى قيمتها الابتدائية (% 31) للخرسانة عالية المقاومة والاعتيادية، أما قيمة معامل المرونة فتصبح (% 41) و(% 51) من قيمتها الابتدائية للخرسانة عالية المقاومة والاعتيادية، أما قيمة معامل

نشر الباحثان (Phan and Carino) [2] عام (2002) بحثًا تناولا فيه تأثير ظروف الفحص وخواص المزجة الخرسانية في خواص الخرسانة عالية المقاومة المعرضة لدرجات الحرارة العالية. أجريت الدراسة على نماذج خرسا نية أسطوانية الشكل بأبعاد mm (200 x 200) واستخدم الباحثان ثلاث نسب ماء/ سمنت (w/c) هي (0.57, 0.33, 0.22) كما تم فحص ألنماذج وهي ساخنة ثم فحصها بعد ألتبريد وكذلك تسخين النماذج تحت تأثير إجهاد انضغاطي ثابت مقداره (% 40) من مقاومة الانضغاط الابتدائية وفحصها ساخنة لاحظ الباحثان بان قيمة المقاومة المتبقية تكون أعلى ما يمكن لحالة الفحص ألأخيرة، واقل ما يمكن لحالة الفحص الثانية حيث أصبحت المقاومة المتبقية تكون أعلى ما يمكن لحالة (2° 450) من المقاومة الابتدائية لحالة الفحص الثانية والثالثة على التوالي.

درس الباحثون (Cheng وجماعته) [3] عام (2004) سلوكية الخرسانة عالية المقاومة الاعتيادية (Plain Concrete) والمسلحة بالألياف الفولاذية عند درجات الحرارة المختلفة. وأوضحت نتائج الدراسة إن إضافة الألياف الفولاذية إلى الخرسانة تزيد من قابليتها على الاحتفاظ بخواصها الميكانيكية عند التعرض لدرجات الحرارة المكلين (1) و (2) و ألجدول (1).

تناول الباحثون (AL – Tayyib وجماعته) [4] تأثير التسخين المتكرر في الخرسانة الحاوية على الركام المحلي المتوفر في المملكة العربية السعودية. استخدم الباحثون نماذج خرسانية مختلفة الأشكال والأبعاد سخنت النماذج إلى درجة حرارة (°C) 80) لمدة (24 hr) بعدها تركت في الهواء لتبرد إلى درجة الحرارة الاعتيادية لمدة (24 hr) أيضا، وتم فحص النماذج بعد تعريضها إلى (30 and 60, 30) دورة من التسخين والتبريد،





جدول (1)

	ä	خرسانة ليفي	يادية		
2	200C [°]	400C°	200C°	400C°	
	81%	48%	42%	76%	مقاومةألإنضغاط
	70%	48%	35%	60%	معامل ألمرونة

وبينت الدراسة بان الخرسانة تفقد حوالي (% 27) من مقاومة انضغاطها بعد تعرضها إلى (90) دورة من التسخين والتبريد، وان معظم الفقدان في خواص الخرسانة يحدث

3

في الدورات الثلاثين الأولى من التسخين

قام الباحثان (Otter and Naaman) [5] عام (1988) بإجراء تجارب عملية على مجموعة نماذج خرسانية أسطوانية ليفية بأبعاد mm (200 x 200) واعتمادا على نتائج هذه الدراسة اشتق الباحثان عام (1989) [6] صيغا رياضية لتمثيل غلاف المنحني ومنحني رفع الحمل وإعادة الحمل لعلاقة (الإجهاد – الانفعال) للخرسانة المعرضة إلى انضغاط دوري، وتمت مقارنة هذا النموذج مع النتائج العملية كما موضح في الشكل (3).

قام الباحث حسن عام (2002) [7] بدراسة عملية على مكعبات خرسانية بأبعاد mm (100 x 100 x 100) لبيان تأثر الخواص الميكانيكية للخرسانة بدورات التسخين والتبريد بثلاثة مستويات حرارية هي

°C (600, 400, 200) ومدة التعرض للتسخين مداها ساعة واحدة وبدون تسليط أي حمل في أثناء التسخين والتبريد

واستنتج الباحث إن الخواص الميكانيكية للخرسانة تتأثر على النحو الآتي:

 1. مقاومة الانضغاط: تتخفض مقاومة الانضغاط بعد الدورتين الأولى والثانية عند درجة حرارة (C° 200) إلى (84, 90) %من قيمتها الأولية على التوالى ونتوقف



الشكل (3): علاقة (الإجهاد – الأنفعال) للخرسانة المعرض للانضغاط دور م. [6]



عن التأثر بعد الدورة الثانية. وعند درجة حرارة (C° 400) تنخفض قيمتها بعد الدورة الأولى والرابعة إلى (44 ,70) % على التوالي. أما لدرجة حرارة (C° 600) فان قيمتها تصبح (10, 58) % من قيمتها الابتدائية بعد الدورة الأولى والرابعة على التوالي.

Vol.20

2. مقاومة الشد الانشطاري: لدرجة حرارة (C° 200) تصبح قيمتها (80, 73)% ولدرجة حرارة (C° 400) تصبح قيمتها (65, 38) % أما عند درجة حرارة (C° 600) تكون قيمتها (14, 40) % من قيمتها الابتدائية قبل التسخين بعد الدورتين الأولى والرابعة على التوالي.

3. معامل المرونة: تبدى قيمة معامل المرونة حساسية اكثر لدرجات الحرارة ودورات التسخين والتبريد فعند درجة حرارة (200 °C) تصبح قيمتها (65, 80) % ولدرجة حرارة (℃ 400) تصبح (62, 20) % أما لدرجة حرارة (℃ 600). تنخفض قيمتها إلى (40, 10) %من القيمة الابتدائية بعد الدورة الأولى والرابعة على التوالي.

4. الانفعال الأقصى: تزداد قيمة الانفعال الأقصى بزيادة درجات الحرارة ودورات التسخين والتبريد فبعد أربع دورات من التسخين والتبريد وعند درجات حرارة ℃ (600, 400, 200) تصبح قيمتها (5.7, 3.1, 1.6) مرة من القيمة الأولية وعلى التوالي.

2- السلوك الدوري للمواد Cyclic Behavior of Material

في الدراسة الحالية تم الافتراض أن سلوك الخرسانة المعرضة لاجهاد الشد ذي المحور الثنائي أو لاجهاد (الشد – الانصغاط) لا يختلف عن سلوك الخرسانة المعرضة لاجهاد أحادية المحور. كما تم اعتماد نماذج رياضياية مشتقة سابقا [5] لتمثيل سلوك الخرسانة تحت تأثير الانضغاط الدوري والشد الدوري وكذلك النموذج الدوري المعتمد لحديد التسليح

1.2 علاقة (الإجهاد – الانفعال) للخرسانة تحت تأثير الانضغاط الدوري

في عام (1998) قام الباحثان (Bhan and Hsu) [8] بدراسة عملية على نماذج خرسانية أسطوانية الشكل بأبعاد mm (75 x 150) لصياغة نموذج رياضي يمثل علاقة (الإجهاد – الانفعال) للخرسانة تحت تأثير الانضغاط المحوري الدوري وفحص الباحثان النماذج لحالتين من التحميل: . تحت تأثير انضغاط تز إيدى إلى حد فشل النموذج. .2 تحت تأثير انضىغاط دورى. واستنتج الباحثان إن غلاف المنحنى الناتج من تعرض الخرسانة إلى حمل دوري ينطبق تقريبا مع غلاف المنحنى الناتج من الحمل التزايدي كما موضح في الشكل (4). كما تمكن الباحثان من استقاق علاقات رياضية لتمثيل سلوك الخرسانة تحت تأثير الانضغاط الدوري. تم الاعتماد على النموذج الرياضي المقترح من قبل (1989) الباحثين (Otter&Namman) [6] عام (1989) والموضح في الشكل (5) لتمثيل سلوك الخرسانة تحت تأثير الانضغاط التكراري.



الشكل (4): غلاف المنحنى تحت تأثير حمل تزايدي ودوري [8]





الشكل (5): السلوك الدوري للخرسانة في حالة رفع الحمل واعادته كليا [6]

5



Strain الشكل (6): سلوك الخرساني تحت تأثير شد دوري [9]



الشكل (7): سلوك حديد التسليح تحت تأثير الأحمال الدورية [10]



ففي حالة رفع الحمل واعادته في الشد Unloading and ففي حالة رفع الحمل واعادته في الشد (6) أن عملية رفع الحمل تتوقف في النقطة (B) لتبدأ عملية إعادة الحمل وهكذا فان عمليتي رفع الحمل واعادته نتم في منطقة الشد [17].

Steel Reinforcement 2.3 حديد التسليح

اقترح الباحث (Chan) [10] عام (1982) النموذج المبين في الشكل (7) لتمثيل سلوك حديد التسليح تحت تأثير الأحمال الدورية يلاحظ من الشكل أن عملية رفع الحمل تبدأ من النقطة (C) وتتخذ المسار (CD) الذي يكون على شكل خط مستقيم مواز لمسار منحني التحميل (AB) حتى الوصول إلى النقطة (E) التي تبدأ عندها عملية إعادة الحمل و هكذا في هذه الدراسة تم افتراض القيمة العظمى للإجهاد مساوية لاجهاد الخضوع. أي أن ميل المنحني سيكون مساويا للصفر لقيم الانفعال الأعلى من الانفعال المقابل لاجهاد الخضوع وكما موضح في الشكل (7).



December 2012

2.4: مقاومة الانضغاط Compressive Strength:

أوضحت نتائج الدراسة التي قام بها الباحث حسن [7] أن مقاومة الانضغاط تتناقص مع ارتفاع درجات الحرارة وزيادة عدد دورات التسخين والتبريد وكما موضح في الشكل (8). وقد اقترح الباحث حسن [7] معادلة من الدرجة الثالثة معادلة (1)لحساب مقاومة انضغاط الخرسانة بعد تعرضها لدورات من التسخين والتبريد لمستويات حرارية مختلفة وعلى النحو الآتي: حيث أن:

Vol.20



2.5 معامل المرونة Modulus of Elasticity

في الدراسة الحالية تم الاعتماد على المعادلة (2) المقترحة من قبل مدونة (ACI) لحساب قيمة معامل المرونة الابتدائي وعلى النحو الآتي [11] وكما موضح في الشكل (9).

$$E_c = 0.043 W^{3/2} \sqrt{f_c'}$$

للاستشارات

حيث أن: E_c : معامل المرونةللخرسانة (N/ mm²). W: كثافة الخرسانة (kg/ m³). T_c : مقاومة الانضغاط للخرسانة (N/ mm²) كما تم الاعتماد على المعادلة الرياضية (3) المقترحة من قبل حسن [7] لتمثيل تأثير درجات الحرارة العالية وعدد دورات التسخين والتبريد في قيمة معامل المرونة والموضح بالشكل (10) والمعادلة المقترحة هي:

$$E_{T} = \frac{E_{20}}{100} (X_{1} + X_{2} + X_{3}T^{2} + X_{4}T^{3}) \qquad(3)$$

$$X_{1} = 87.05 + 20.712C - 8.875C^{2} + 1.17C^{3}$$

$$X_{2} = 0.375 - 0.7583C + 0.3032C^{2} - 0.0365C^{3}$$

$$X_{3} = (-133.21 + 238.784C - 108.296C^{2} + 13.758C^{3}) \times 10^{-5}$$

$$X_{4} = (8.65 - 17.8135C + 8.9275C^{2} - 1.18C^{3}) \times 10^{-7}$$

$$X_{4} = (8.65 - 17.8135C + 8.9275C^{2} - 1.18C^{3}) \times 10^{-7}$$

$$X_{4} = (0.65 - 17.8135C + 8.9275C^{2} - 1.18C^{3}) \times 10^{-7}$$

$$X_{4} = (0.65 - 17.8135C + 8.9275C^{2} - 1.18C^{3}) \times 10^{-7}$$

$$X_{4} = (0.65 - 17.8135C + 8.9275C^{2} - 1.18C^{3}) \times 10^{-7}$$

$$X_{5} = (0.65 - 17.8135C + 8.9275C^{2} - 1.18C^{3}) \times 10^{-7}$$







يذكر إن المعادلات التي اقترحها حسن [7] لتمثيل تأثير التسخين المتكرر في الخواص الميكانيكية للخرسانة تصلح ضمن درجات حرارة تتراوح بين ℃ (20 – 600) ولعدد من دورات ا**لتسخين والتبريد التي لا تتجاوز أربع دورات**,



3. ألعلاقات التكوينية: ـ

1.3. علاقة (الإجهاد – الانفعال) الثنائي المحور للخرسانة Biaxial Stress–Strain Relationship for concrete

اقترح الباحث (Liu) [11] علاقة رياضية (5) لتمثيل علاقة (الإجهاد – الانفعال) للخرسانة عند تعرضها لانضغاط ثنائي المحور بالشكل الآتي: E

$$\sigma = \frac{\varepsilon}{\left(1 - v\alpha\right)\left[1 + \left[\frac{E}{E_s\left(1 - v\alpha\right)} - 2\right]\frac{\varepsilon}{\varepsilon_p} + \left[\frac{\varepsilon}{\varepsilon_p}\right]^2\right]} \quad \dots (5)$$

2.3- المقاومة القصوى للخرسانة تحت تأثير الانضغاط ذي المحور الثنائي

Ultimate Strength of Concrete Under Biaxial تأثير الانضغاط ذي المحور الثنائي بعد تعرضها لدورات من التسخين والتبريد لمستويات حرارية مختلفة، وقد اعتمد الباحث حسن [7] في اشتقاق هذا النموذج على النموذج المقترح من قبل الباحث (Liu وجماعته[12]) عام (1972) بالتعويض عن قيمة الانفعال الأعظم والإجهاد الأعظم بأقصى إجهاد وانفعال للخرسانة المعرضة إلى دورات من التسخين والتبريد، وقد تم الاعتماد على هذا النموذج هي الدراسة الحالية. والمعادلات التي تمثل الصيغة الرياضية لهذا النموذج هي:

.....(9)



الشكل (12): مغلف الفشل ذو المحور الثنائي المقترح للخرسانة المتأثرة بدرجات الحرارة المختلفة وعدد مرات التعرض للتسخين والتبريد [7]

$$\frac{\sigma_p}{\sigma_{o_T}} = 1.2 \quad for \quad 0.2 \le \alpha \le 1.0$$
$$\frac{\sigma_p}{\sigma_{o_T}} = 1 + \frac{\alpha}{1.2 - \alpha} \quad for \quad \alpha < 0.2$$
$$\frac{\sigma_p}{\sigma_{o_T}} = \frac{1.2}{\alpha} \quad for \quad 1.0 \le \alpha \le 5.0$$
$$\frac{\sigma_p}{\sigma_{o_T}} = \frac{1}{\alpha} \left(1 + \frac{1}{1.2\alpha - 1} \right) \quad for \quad \alpha > 5.0$$



3.3 الانفعال عند أقصى إجهاد انضغاط ثنائي المحور

Strain at Ultimate Biaxial Compression Stress

لتمثيل الانفعال عند الإجهاد الأعظم في درجات الحرارة العالية أو عند تعرض الخرسانة لدورات من التسخين والتبريد فقد تم اقتراح المعادلة الآتية [12]:

$$\zeta_1 = 0.0266 \left(500 + \varepsilon q \times 10^{-6} \right) \tag{11}$$

حيث أن:

$$(rac{\mathbf{\epsilon}_{\mathrm{T}}}{\mathbf{\epsilon}_{\mathrm{20}}})$$
 : معامل زيادة الانفعال الأقصى بتأثير الحرارة $(rac{\mathbf{\epsilon}_{\mathrm{T}}}{\mathbf{\epsilon}_{\mathrm{20}}})$

تم اقتراح المعادلة (10) والمعادلة (11) استنادا إلى نتائج عملية تم إجراؤها على خرسانة بمقاومة انضغاط (31.33 MPa) ولغرض تعميم هذه المعادلات على الخرسانة بمستويات مختلفة لمقاومة الانضغاط أصبحت المعادلة بالصيغة الآتية:

حيث أن: σ₀ : قيمة مقاومة الانضىغاط القصوي للخرسانة.

- العلاقات المتحكمة بمصفوفات الخرسانة عند التحميل ذي المحور الثنائي Matrix Constitutive Relationship of Concrete in Biaxial Loading

حسب قانون هوك للمواد المتجانسة الموحدة الخواص يمكن كتابة المعادلات ألمتحكمة (13,14) بالصيغة الآتية [14] :

 $\begin{bmatrix} \sigma_{1} \\ \sigma_{2} \\ \tau_{12} \end{bmatrix} = \begin{vmatrix} \lambda' E_{1b}' / E_{2b}' & \lambda' v_{1} & 0 \\ \lambda' v_{1} & \lambda' & 0 \\ 0 & 0 & \frac{E_{1b}' E_{2b}'}{E_{1t}' + E_{2t}' + 2E_{2t}' v_{2}} \end{vmatrix} \begin{cases} \varepsilon_{1} \\ \varepsilon_{2} \\ \gamma_{12} \end{cases} \qquad (13)$

$$\begin{bmatrix} \tau_{13} \\ \tau_{23} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} E'_{1b} E_c / E'_{1b} + E_c + 2E_c v_1 & 0 \\ 0 & E'_{2b} E_c / E'_{2b} + E_c + 2E_c v_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \gamma_{13} \\ \gamma_{23} \end{bmatrix}$$
(14)

حيث أن القيم التالية في حالة الانضغاط ذي المحور الثنائي تكون:-

$$E_{2b}' = \frac{E\left(1 - \left(\frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_p}\right)^2\right)}{\left[1 + \left[\frac{E}{E_s\left(1 - \nu \alpha\right)} - 2\right] \left[\frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_p}\right] + \left[\frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_p}\right]^2\right]^2} \qquad \dots \dots \dots (16)$$

وفي حالة الشد ذي المحور الثنائي وحالة الشد – الانضغاط تكون:-

No. 6

5- علاقة (الإجهاد-الانفعال)للخرسانة المتشققة:-

ConcreteStress – Strain Relations for Cracked

تكون علاقة (الإجهاد – الانفعال) للخرسانة المعرضة إلى إجهاد الشد علاقة خطية إلى حين وصول الإجهاد إلى قيمة مقاومة الشد للخرسانة (σ_t) حيث تبدأ التشققات بالظهور في مستوى عمودي على اتجاه الشد (Maximum Principle) وتؤدي هذه التشققات إلى نقص في جساءة الخرسانة حيث تنخفض قيمة كل من معامل المرونة ونسبة بوسون إلى قيمة قريبة من الصفر في الاتجاه العمودي على اتجاه الشق. كذلك يحصل انخفاض في قيمة معاير القص وعندها يوسون إلى وعدها يمان روسون الإجهاد إلى قيمة وعنه الفرينة ويسبة على التجاه الشد (عام وحمول الإجهاد إلى قيمة معاوم الفرونة ونسبة المعرون وي مستوى عمودي على اتجاه الشد (عام وحمول الإجهاد المرونة ونسبة ونسبة الخرسانة حيث تنخفض قيمة كل من معامل المرونة ونسبة وعسون إلى قيمة قريبة من الصفر في الاتجاه العمودي على اتجاه الشق. كذلك يحصل انخفاض في قيمة معاير القص وعندها يمكن كتابة علاقة (الإجهاد – الانفعال) بالشكل الآتي:

	$\left[\left[\mathcal{E}_{1} \right] \right]$	0	0	0	0	ΓO	$\lceil \sigma_{\scriptscriptstyle 1} \rceil$
(18)	$ \mathcal{E}_2 $	0	0	0	$C_1 E$	0	σ_{2}
	$\left \left\{ \gamma_{12} \right\} \right $	0	0	$G_{\!12}^\prime$	0	= 0	τ_{12}
	γ_{13}	0	$G_{\!13}^\prime$	0	0	0	$ au_{13}$
í.	$\left \left \gamma_{23} \right \right $	G_{23}'	0	0	0	0	$[au_{23}]$
حیت ان:							

حيث أن: $\mathbf{C}_1 = \mathbf{1.0}$: في حالة حصول الشق في اتجاه واحد. $\mathbf{C}_1 = \mathbf{0}$: في حالة حصول الشق في الاتجاهين. $\mathbf{C}_1 = \mathbf{0}$: تمثل قيمة معاير القص المخفضة.

6- التحليل الحراري للصفائح

أن تحليل الصفائح الخرسانية المعرضة إلى التسخين يتطلب معرفة توزيع الحرارة ضمن سمك الصفيحة. في الدراسة الحالية تم استخدام المعادلة التفاضلية ذات البعد الواحد الخاصة بانتشار الحرارة لايجاد توزيع الحرارة وانتقالها ضمن سمك الصفيحة الخرسانية ويمكن كتابة هذه المعادلة على النحو الآتي [3]:

.....(19)



 $K\frac{\partial^2 T}{\partial X^2} = C_p \rho \frac{\partial T}{\partial \theta}$

Slab Thermal Analysis

ويمكن التعبير عن انتقال الحرارة من المستوي (n-1) إلى (n+1) بطريقة الفرو قات المحددة وعلى النحو الأتي:

$$T_n^{t+1} = \left[1 - 2 \frac{\Delta \theta K}{C_p \rho \Delta X^2}\right] T_n^t + \frac{\Delta \theta K}{C_p \rho \Delta X^2} \left(T_{n-1}^t + T_{n+1}^t\right) \qquad \dots \dots \dots \dots (20)$$

7- طريقة التحليلMethod of Analysis

تكون محصلة العزومللصفائح الخرسانية ذات الخواص المتجهة بالصيغة الآتية:

$$\begin{bmatrix} M_x \\ M_y \\ M_{xy} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} D_{11} & D_{12} & D_{13} \\ D_{21} & D_{22} & D_{23} \\ D_{31} & D_{32} & D_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} K_x \\ K_y \\ K_{xy} \end{bmatrix} \qquad \dots \dots (21)$$

$$D_{11} = D_x, \qquad D_{12} = v D_{11}$$

$$D_{22} = D_y, \qquad D_{33} = \frac{1-v}{2} D_{xy}$$

$$D_{13} = D_{23} = 0$$

(K_x, K_y, K_{xy}) تمثل قيم التحدب (Curvature) ويمكن التعبير عنها بالصيغة الأتية:

$$K_{x} = \frac{\partial Q_{x}}{\partial x} = \frac{\partial^{2} w}{\partial x^{2}} - \frac{K}{Gh} \frac{\partial Q_{x}}{\partial x} \qquad \dots \dots \dots (22)$$

$$K_{y} = \frac{\partial Q_{y}}{\partial y} = \frac{\partial^{2} w}{\partial y^{2}} - \frac{K}{Gh} \frac{\partial Q_{y}}{\partial y} \qquad \dots \dots \dots \dots (23)$$

$$K_{x} = \frac{\partial Q_{x}}{\partial y} = \frac{\partial Q_{y}}{\partial x} - 2\frac{\partial^{2} w}{\partial x \partial y} - \frac{K}{Gh} \left[\frac{\partial Q_{x}}{\partial y} + \frac{\partial Q_{y}}{\partial x} \right] \qquad \dots \dots \dots (24)$$

أما العلاقة بين قوى القص وانفعالات القص في حالة الصفيحة اتجاهية الخواص فتكون بالشكل الآتي:

$$\begin{bmatrix} Q_x \\ Q_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} G h_{11} & G h_{12} \\ G h_{21} & G h_{22} \end{bmatrix} \begin{cases} \gamma_{xz} \\ \gamma_{yz} \end{cases}$$
(25)

1-7 طريقة الفروقات المحددة Finite Difference Method

ويتم الحل بتطبيق معادلات التوازن للصفيحة في كافة النقاط في الدراسة الحالية تم حل معادلة التوازن الأتية بإستعمال طريقة الفرو قات المحددة:

لحل المعادلات الانية المتشكلة عند استخدام طريقة الفروقات المحددة لتحليل الصفائح. تم اعتماد تقنية الاسترخاء الحركي 16,15][وتفترض هذه التقنية أن الصفيحة تهتز بشكل حر في مائع لزج الى أن تصل الى حالة الاستقرار تحت تأثير القوى الخارجية المؤثرة وهذا يتطلب تعديل معادلة التوازن باضافة حدود جديدة تشمل التعجيل والسرعة ومعامل الاخماد لتصبح المعادلة (26) بالشكل الآتى:

لاستشارات

$$\begin{aligned} \sum_{q_{i}} \sum_$$

كما يمكن التعبير عن قيم الاود في الحالة المستقرة بالصيغة الأتية:

$$\sum_{K=1}^{K=j+0.5} \overline{w}_{(i)K} = \sum_{K=1}^{K=j-0.5} \overline{w}_{(i)K} + \overline{w}_{(i)j}^o \Delta \overline{t}$$

حيث أن: $\mathbf{D}_{\mathbf{v}}$: معامل الإخماد اللزجi: رقم النقطة. $\mathbf{J}_{\mathbf{v}}$: النريادة في الوقت. $\dot{\mathbf{J}}$: السرعة.

.....(31)

7.2 الطريقة المعدلة للزيادات المحددة Modified Increment Method

في الدراسة الحالية تم الاعتماد على الطريقة المعدلة للزيادات المحددة لوصف السلوك غير الخطي للصفائح الخرسانية. ويتم في هذه الطريقة حساب جساءة المماس عند بداية تسليط زيادة الحمل (D_1) وعند نهاية تسليط زيادة الحمل (D_2) ثم اخذ معدل الجساءتين كما موضح في الشكل (13).



الشكل (13): الطريقة المعدلة للزيادات المحددة



Results and Discussion

8- النتائجوالمناقشة

تأثير التسخين الدوري والأحمال الدورية يوضح الشكل (14) علاقة الحمل-الأود للصفيحة الخرسانية (S1) تحت تأثير الحمل التزايدي (Monotonic Load) في درجة

الحرارة الاعتيادية وبعد التعرض لدورة واحدة من التسخين والتبريد لمستويات حرارية مختلفة، ويلاحظ من الشكل إن أداء الصفيحة يتأثر بشكل سلبي مع ارتفاع درجة الحرارة وذلك بسبب زيادة الفقدان الحاصل في خواص الخرسانة بتأثير الحرارة. ويوضح الشكل (15) تأثير عدد دورات التحميل على سلوكية الصفيحة (S1) في درجة الحرارة الاعتيادية ويلاحظ بان جساءة الصفيحة تقل ويحصل انخفاض في تحملها ويعزى السبب إلى نمو التشققات في كتلة الخرسانة.



التعرض لأربع دوراتَ متعددة من التسخين والتبريد بدرجة حرارة 2º00.

كما أوضحت نتائج الدراسة إن تأثير دورات التسخين والتبريد لدرجة حرارة (200°C) على تصرف الصفيحة (S1) يكون ملموسا في الدورتين الأولى والثانية كما موضح في الشكلين (a,b) ثم يتحدد هذا التأثير في الدورات اللاحقة، وهذا يتوافق مع نتائج الدراسات السابقة[7]. ويلاحظ من الشكل إن قيمة الأود المقابل لنقطة رفع الحمل تزداد لتصبح (1.17, 1.05) مرة من قيمتها الأولية قبل التسخين بعد دورتي التسخين الأولى والثانية على التوالي.

في حين يوضح الشكل (17) سلوك الصفيحة (18) من خلال علاقة الحمل-الأود بعد تعرض الصفيحة إلى اربع دورات من التسخين والتبريد لدرجة حرارة (2°400) ولفترة تعرض (0.5hr) ويلاحظ من الشكل إن قيمة الأود المقابل لنقطة رفع الحمل تزداد مع زيادة عدد دورات التسخين والتبريد وهذه الزيادة اكبر من الزيادة الحاصلة لدورات من التسخين والتبريد بدرجة حرارة (2°200).حيث تصبح (1.33,1.2) مرة من قيمتها الأولية قبل التسخين بعد الدورة الأولى والثانية من التسخين على التوالي أما قيمة الحمل الأعظم فإنها تصبح % (75, 807, 83, 803) من قيمتها الأولية بعد دورات التسخين الأولى والثالثة والرابعة على التوالي.



الشكل (18): تغير قيمة الاود في نقطة رفع الحمل مع زيادة درجة الحرارة وعدد دورات التسخين والتبريد بعد الدورة الاولى منالتحميل

ويمكن رسم العلاقة بين قيمة الأود في نقطة رفع الحمل ودرجةالحرارة وعدد دورات التسخين والتبريد وكما في الشكل. (18). تتنذيب ترتبال إلى المالية تتربال في ترد 1.40) معام تناويد مترال عام تربينا التربيب التربيب التربيب التربيب

تنخفض قيمة الحمل المسبب لتشقق الصفيحة (S 1) مع ارتفاع درجة الحرارة وزيادة عدد دورات التسخين والتبريد لتصبح بعد الدورة الأولى من التسخين والتبريد %(77, 82.3, 77). وبعد الدورة الثالثة من التسخين والتبريد تنخفض إلى %(8071, 75,) من قيمتها الابتدائية قبل التسخين لدرجة حرارة ℃(600, 400, 200) على التوالي.

ويوضح الشكل (19) الانخفاض الحاصل في الحمل المسبب للتشقق مع ارتفاع درجة الحرارة وعدد دورات التسخين والتبريد. كما توضح الاشكال (20), (21), (22).سلوك الصفيحة الخرسانيةالمسلحة (S1) عند تعرضها لدورات متعددة من رفع الحمل وإعادته، ودورة واحدة من التسخين والتبريد لثلاثة مستويات حرارية ℃ (600, 400, 400).







13بعد التعرض لدورة واحدة من التسخين والتبريد بدرجة حرارة) (€ 2000



الشكل (21) علاقة (الاود – الحمل) للصفيحة الخرسانية S1 بعد التعرض لدورة واحدة من التسخين والتبريد بدرجة حرارة ℃



B.C.	SS		Conc. Cover (mm)	30
L (m)	5.0		Ec (MPa)	26446
R	2		f´c (MPa)	31
T (mm)	140		Ft(MPa)	3.5
$As \times (mm^2/m)$	250		Fy (MPa)	415
Asy(mm ² /m)	375		Fu (MPa)	455
d×(mm)	110]	Layers No.	10
dy(mm)	105	1		

الجدول (2): خصائص الصفائح الخرسانية

9: الاستنتاجات Conclusions

في ضوء النتائج الموضحة في الفصل السابق يمكن الخروج بالاستنتاجات الأتية:

No. 6

تُنخفض جساءة الصفيحة الخُرسانية بزيادة درجة الحرارة وعدد دورات التسخين والتبريد.

2. تنخفض جساءة الصفيحة الخرسانية بزيادة عدد دورات التحميل.

3. يتحسن أداء الصفيحة الخرسانية بزيادة سمك الصفيحة وذلك لانخفاض انتشار الحرارة ضمن سمك الصفيحة.

4. يقل الحمل المتسبب للتشقق مع زيادة درجة الحرارة وعدد دورات التسخين والتبريد ويرجع سبب ذلك إلى الفقدان الحاصل في قيمة مقاومة الشد للخرسانة.حيث أصبح الحمل المتسبب للتشقق (77, 82.3, 77%) بعد الدورة الأولى من التسخيين و(71,75,82.3%) (لدرجة حرارة ℃(600,400,200) على التوالي

5. عند تعرض الصفيحة الخرسانية لدورات من التسخين والتبريد لدرجة حرارة C° 200 فان سلوكها يتأثر بشكل ملموس في الدورتين الأولى والثانية ثم يتحدد هذا التأثير في الدورات اللاحقة.

6. تزداد قيمة الأود المقابل لحمل ثابت بزيادة درجة الحرارة وعدد دورات التسخين والنبريد. حيث تصبح قيمتها (1.56, 1.56) نسبة إلى قيمتها الأولية بعد دورتي التسخين الأولى والثانية على التوالي.

10 ألمصادر

- 1. Tolentino, E., Lameris, F.S., Gomes, A., Silva, C.A. and Vasconcelos, W.L., "Effect of High Temperature on the Residual Performance of Portland Cement Concrete", Magazine of Materials Research, Vol. 5, No. 3, July 2002, pp. 301 307.
- Phan, L.T. and Carino, N.J., "Effect of Test Condition and Mixture Proportion on Behavior of High – Strength Concrete Exposed to High Temperature", *ACI Materials Journal*, Vol. 99, No. 1, January – February 2002, pp. 54 – 66.
- Cheng, F.P., Kodur, V.K.R. and Wang, T.C., "Stress Strain Curves for High Strength Concrete at Elevated Temperatures", Journal of Material in Civil Engineering, Vol. 16, No. 1, January – February 2004, pp. 84 – 94.
- AL Tayyib, A.J., M.H. Blauch, AL Farabi M. Sharif and M.M. Mahamud, "The Effect of Thermal Cycling on the Durability of Concrete Model from Local Materials in the Arabian Gulf Countries", *Cement and Concrete Research*, Vol. 19, No. 1, 1989, pp. 131 – 142.
- Otter, D.E. and Namman, A.E., "Properties of Steel Fiber Reinforced Concrete Under Cyclic Loading", ACI Material Journal, Vol. 85, No. 4, July – August 1988, pp. 254 – 261.
- Otter, D.E. and Naaman, A.E., "Model for Response of Concrete to Random Compressive Loads", *Journal of the Structural Division*, ASCE, Vol. 115, No. 11, November 1989, pp. 2794 – 2809.



7. حسن محمد احمد، "تأثير التسخين المتناوب على الصفائح الخرسانية المسلحة السميكة"، رسالة ماجستير، جامعة الموصل 2002.

- Bahn, B.Y. and Hsu, Cheng Tzu, T., "Stress Strain Behavior of Concrete Under Cyclic Loading", ACI Material Journal, Vol. 95, No. 2, March – April, 1998, pp. 178 – 193.
- 9. Yankelevsky, D.Z. and Reinhardt, H.W., "Uniaxial Behavior of Concrete in Cyclic tension", *Journal of the Structural Division*, *ASCE*, Vol. 115, No. 1, January 1989, pp. 166–182.
- Chan, E.C., "Nonlinear Geometric, Material and Time Dependent Analysis of Reinforced Concrete Shells with Edge Beam", Ph. D. Dissertation, Division of Structural Engineering and Structural Mechanics University of California, Berkley, Report No. UC – SESM 82 – 8, December 1982, 361 pp.
- 11. ACI Committee (318 95), "Building Code Requirements for Reinforced Concrete", *American Concrete Institute*, Detroit, 1983.
- Liu, T.C.Y., Nilson, G.W. and Slate, F.O., "Biaxial Stress Strain Relation for Concrete", *Journal of the Structural Division*, ASCE, Vol. 98, No. ST5, May 1972, pp. 1025 – 1034.
- 13. Said, A.H., "Non Linear Analysis of Reinforced Concrete Thick Plates at Elevated Temperature", M. Sc. Thesis, University of Mosul, 1999.
- 14. Timoshenko, S. and Woinowsky Krieger, S., "*Theory of Plates and Shells*", Second Edition, McGraw Hill, New York, 195
- NG, S.F. and Bencharif, N., "A Finite Difference Computer Program for the Modeling of Thick Rectangular Plates", *Computer and Structures*, Vol. 33, No. 4, 1989, pp. 1011 – 1016.
- Rushton, N.R., "Dynamic Relaxation Solution of Elastic Plate Problems", Journal of Strain Analysis, Vol. 3, No. 1, 1968, pp. 23 – 32.
 حكمت علي الياس الجرجري، " التحليل غير الخطي للصفائح الخرسانية المسلحة السميكة تحت تأثير الأحمال.

الدورية والتسخين الدوري"، رسالة ماجستير، جامعة الموصل 2006.

تم اجراء البحث في كلية ألهندسة = جامعة ألموصل

